

Die Binomischen Formeln

Binom (lat. *bi*, zwei; *nomen*, Name)

Als ‚**Binomische Formeln**‘ werden die folgenden **drei Umformungen** bezeichnet:

1. Binomische Formel

$$\begin{aligned}(a+b)^2 &= (a+b) \cdot (a+b) \\ &= a \cdot a + a \cdot b + b \cdot a + b \cdot b \\ &= a \cdot a + a \cdot b + a \cdot b + b \cdot b \\ &= a^2 + 2 \cdot a \cdot b + b \cdot b \\ &= \underline{a^2 + 2ab + b^2}\end{aligned}$$

Rechenvorgang

Jeder Ausdruck in der vorderen Klammer wird mit jedem Ausdruck in der hinteren Klammer multipliziert.

2. Binomische Formel

$$\begin{aligned}(a-b)^2 &= (a-b) \cdot (a-b) \\ &= a \cdot a - a \cdot b - b \cdot a + b \cdot b \\ &= a \cdot a - a \cdot b - a \cdot b + b \cdot b \\ &= a^2 - 2 \cdot a \cdot b + b \cdot b \\ &= \underline{a^2 - 2ab + b^2}\end{aligned}$$

3. Binomische Formel

$$\begin{aligned}(a+b) \cdot (a-b) &= (a+b) \cdot (a-b) \\ &= a \cdot a - a \cdot b + b \cdot a - b \cdot b \\ &= a \cdot a - a \cdot b + a \cdot b - b \cdot b \\ &= a^2 - b \cdot b \\ &= \underline{a^2 - b^2}\end{aligned}$$

Grafische Erklärung

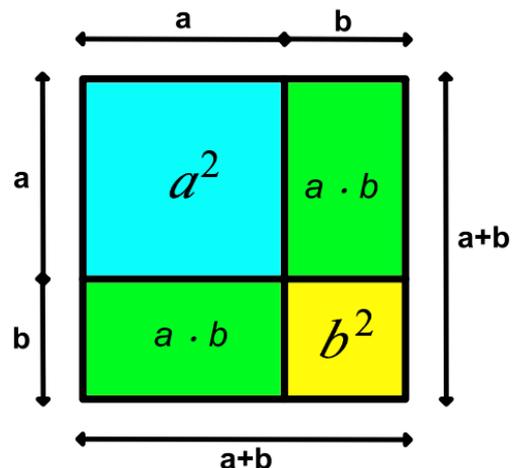
Das nebenstehende Quadrat hat die Seitenlänge $(a+b)$.

Wie ersichtlich ist, passen die zwei Quadrate a^2 und b^2

hinein, sowie zwei Rechtecke mit jeweils $a \cdot b$.

Dadurch ergibt sich:

$$(a+b)^2 = a^2 + 2 \cdot a \cdot b + b^2 \quad (1. \text{ Binomische Formel})$$



Die drei Binomischen Formeln helfen:

- beim Ausrechnen des Quadrates von Klammerausdrücken (**Ausmultiplizieren**)
- beim rückgängig machen vom Ausmultiplizieren, beim Erzeugen von Klammern (**Faktorisieren**)
- beim **Auflösen/Umformen von quadratischen Gleichungen**
- beim Ausrechnen von **Quadratzahlen** ($37^2 = (30+7)^2 = 30^2 + 2 \cdot 30 \cdot 7 + 7^2 = 900 + 420 + 49 = 1'369$)